

# Лекция 3. Газоразрядные детекторы

- Ионизация, дрейф и диффузия зарядов, газовое усиление, прилипание и рекомбинация электронов,
- Формирование сигнала в плоской и цилиндрической геометрии
- Многопроволочная пропорциональная камера: характеристики, методы съема информации, ограничения и недостатки
- Микроструктурные газоразрядные детекторы
- Проблема старения детекторов

**Предлагаемые темы докладов по Лекции:**

- Вторичные процессы в газах – краткий обзор
  - упр/неупр. столкновения
  - образование/гибель заряженных частиц

Лит-ра: Райзер Ю.П., Физика газового разряда. Учебное руководство. М. Наука. 1987г. 592с

- Микроструктурные газовые детекторы (например GEM) – краткий обзор и применение в экспериментах(COMPASS, LHCb, TOTEM, PHENIX): фотоны, нейтроны, быстрые частицы

Лит-ра: интернет (литература в основном на англ.языке)

- Механизмы старения газоразрядных детекторов

Лит-ра: подборка по email + интернет (литература на англ.языке)

**Образование первичных электрон/ионных пар описывается распределением Пуассона**

- Вероятность образования  $m$  э/и пар

$$P(m) = \frac{\bar{n}^m e^{-\bar{n}}}{m!} \quad \bar{n} = \frac{L}{\lambda} = LN\sigma_i \quad \text{Среднее число э/и пар}$$

$L$  – Толщина слоя газа

$\lambda = 1 / (\sigma_i N)$  – Длина свободного пробега

$\sigma_i$  – Сечение ионизации

$N$  – Концентрация электронов

- Эффективность идеального детектора (без учета потерь зарядов)

$$\epsilon_{\text{det}} = 1 - P(0) = 1 - e^{-\bar{n}}$$

Для  $\epsilon_{\text{det}}=99\%$  необходимо

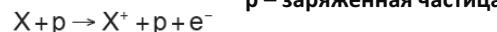
для He  $L=9.2\text{мм}$

для Ne  $L=3.8\text{мм}$

для Ar  $L=1.8\text{мм}$

## Ионизация в газе

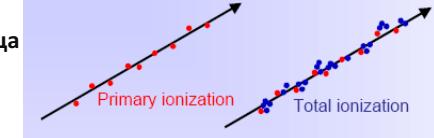
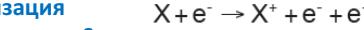
- Первичная ионизация (primary)



$p$  – заряженная частица

X – атом среды (газа)

e- - дельта-электрон

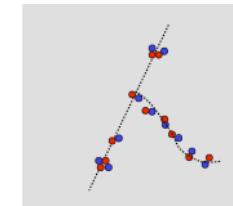


- Вторичная ионизация (кластеры и δ-электроны)

Прямое выбивание электронов из атома – δ-электроны (~1 кэВ), которые дают «свой» трек, направленный в сторону от трека частицы

$$n_{\text{total}} = \frac{\Delta E}{W_i} = \frac{dE}{dx} \frac{L}{W_i}$$

$$\frac{n_{\text{total}}}{n_{\text{primary}}} \approx 2...6$$



$\Delta E$  – Потери энергии частицы

$W_i$  – Энергия образования эл/ион пары

$n_{\text{primary}}$  – Число пар первичной ионизации

$n_{\text{total}}$  – Полное число пар

$L$  – Длина пробега частицы

Обычно:

$W_i \sim 30\text{-}40\text{ эВ}$

## Характеристики часто применяемых газов

Gas	Density (mg cm <sup>-3</sup> )	$E_x$ (eV)	$E_l$ (eV)	$W_i$ (eV)	$dE/dx _{\min}$ (keV cm <sup>-1</sup> )	$N_p$ (cm <sup>-1</sup> )	$N_T$ (cm <sup>-1</sup> )
He	0.179	19.8	24.6	41.3	0.32	3.5	8
Ne	0.839	16.7	21.6	37	1.45	13	40
Ar	1.66	11.6	15.7	26	2.53	25	97
Xe	5.495	8.4	12.1	22	6.87	41	312
CH <sub>4</sub>	0.667	8.8	12.6	30	1.61	28	54
C <sub>2</sub> H <sub>6</sub>	1.26	8.2	11.5	26	2.91	48	112
iC <sub>4</sub> H <sub>10</sub>	2.49	6.5	10.6	26	5.67	90	220
CO <sub>2</sub>	1.84	7.0	13.8	34	3.35	35	100
CF <sub>4</sub>	3.78	10.0	16.0	54	6.38	63	120

Пример 1) газовая смесь Ar/CO<sub>2</sub> (70:30) при н.у. (толщина 1 см, минимально ионизирующие частицы)

$$N_p = 25 \cdot 0.7 + 35 \cdot 0.3 = 28 \text{ пар/см}$$

$$N_T = \frac{2530}{26} \cdot 0.7 + \frac{3350}{35} \cdot 0.3 \approx 97 \text{ пар/см}$$

Пример 2)  $\Delta E=3$  кэВ,  $W_i \sim 30$  эВ, тогда  $N_{\text{total}} \sim 100$  эл/ионных пар

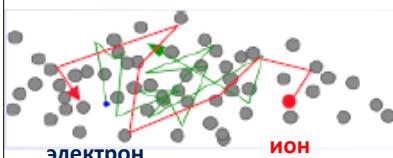
↑  
Диапазон энергий СИ

100 е трудно регистрировать, т.к. обычно уровень шума усилителей ~ 1000 е, поэтому применяют газовое усиление (см. далее)

## Процессы в газовых детекторах, влияющие на характеристики детектора

- Диффузия и подвижность электронов/ионов – влияние на пространственное разрешение и временные характеристики детектора
- Рекомбинация и прилипание электронов  
-Примеси электроотрицательных газы (O, F, Cl) влияют на эффективность детектора, энергетическое разрешение
- Газовое усиление и первичная ионизация – обуславливают амплитуду сигнала, режим работы детектора

### Внешнее электрическое поле отсутствует



**E=0** Без электрического поля заряды ионизации  $\langle v \rangle = 0$  (ионы/электроны) теряют свою энергию при соударениях с атомами /молекулами газа – «термализуются»

Распределение по энергиям описывается уравнением  
Максвелла-Больцмана:

$$F(\varepsilon) = \text{const} \sqrt{\varepsilon} \exp(-\varepsilon / kT)$$

Средняя тепловая энергия молекул:

$$\varepsilon_T = \frac{3}{2} kT \approx 0.04 \text{ eV}$$

Уравнение диффузии (по оси x) – распределение плотности заряда:

$$\frac{dN}{N} = \frac{1}{\sqrt{4\pi D t}} \exp(-x^2 / 4Dt) dt$$

Линейная диффузия

$$\sigma_x = \sqrt{2Dt}$$

$$D = \langle v_i * \lambda \rangle / 3$$

D – коэффициент диффузии

$$v_t = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$$

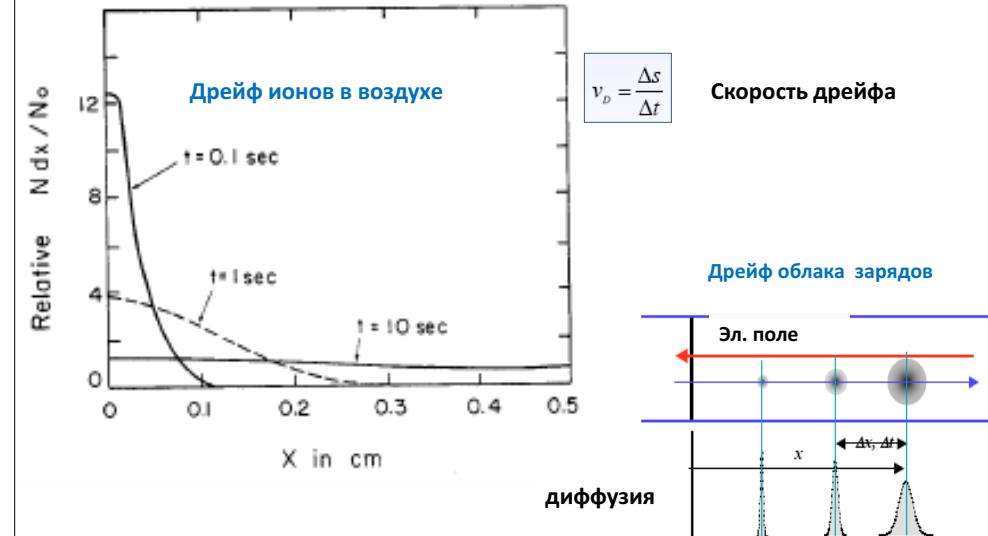
$\lambda$  – длина своб. пробега

$v_t$  – средняя тепловая скорость

газ	Массовое число	$V_t$ см/с
H <sub>2</sub>	2,02	$1,8 \cdot 10^5$
He	4,00	$1,3 \cdot 10^5$
Ar	39,95	$0,41 \cdot 10^5$
O <sub>2</sub>	32,00	$0,46 \cdot 10^5$
H <sub>2</sub> O	18,02	$0,61 \cdot 10^5$

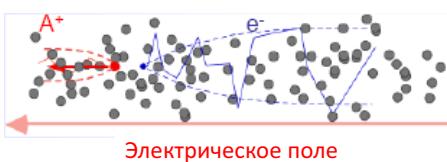
### Дрейф и диффузия электронов/ионов

Заряд, который в момент времени  $t=0$  локализован в точке, размывается из-за многократного рассеяния.  
Распределение становится не точечным а Гауссовым с временной зависимостью



## Диффузия и дрейф электронов/ионов в эл. поле

$E > 0, \langle v \rangle = v_D$



В электрическом поле электроны/ионы приобретают дополнительную к тепловой скоростью  $v_D$  и двигаются по силовым линиям поля

### Скорость дрейфа

$$\vec{v}_{D\pm} = \mu_{\pm} |\vec{E}|$$

$\mu$  – подвижность ионов(+), электронов(-)

### Подвижность

$$\mu = \frac{e\tau}{m}$$

$\tau \sim \lambda/v_t$  – время м/у соударениями

### Длина свободного пробега

$$\lambda(\varepsilon) = \frac{1}{N\sigma(\varepsilon)}$$

N – концентрация молекул  
 $\sigma$  – сечение столкновения

$\lambda_e \sim 5-10 \lambda_{ion}$

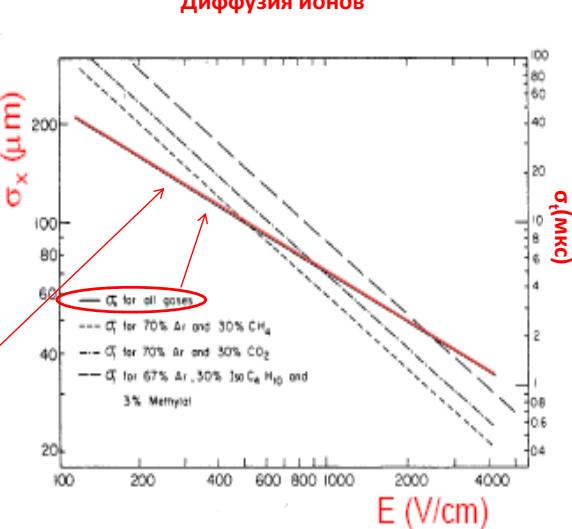
### Диффузия ионов

$$\sigma_x^+ = \sqrt{\frac{2kTPv_+ t}{eE}} = \sqrt{\frac{2kTPx}{eE}}$$

### Уравнение Эйнштейна для связи D и $\mu$

$$\frac{D}{\mu} = \frac{kT}{e} = 0.026 \text{ eV}$$

Тепловой предел – справедлив для всех газов



- В газовых смесях эффективно «работает» механизм передачи заряда между молекулами.
- Очень быстро остаются только ионы с минимальным потенциалом ионизации – они и определяют итоговую диффузию

Ионы: скорость дрейфа почти линейная зависимость от E:  $v_{D+} \sim E/P$ , P – давление газа, подвижность в широком диапазоне  $E/P = \text{const.}$   $v_+ \ll v_t$

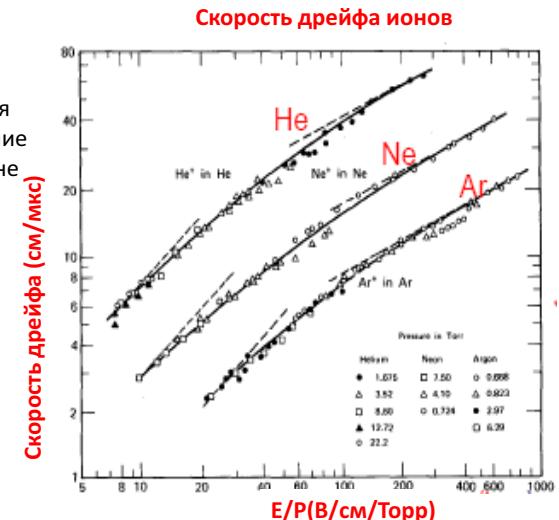
Средняя скорость ионов при дрейфе практически не меняется

### Подвижность ионов

$$\mu_+ = v_+ \left( \frac{E}{P} \right)^{-1}$$

GAS	ION	$\mu^* (\text{cm}^2 \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{V}^{-1})$
He	He <sup>+</sup>	10.2
Ar	Ar <sup>+</sup>	1.7
CH <sub>4</sub>	CH <sub>4</sub> <sup>+</sup>	2.26
CO <sub>2</sub>	CO <sub>2</sub> <sup>+</sup>	1.09

$$\mu(P, T) = \frac{T}{T_0} \frac{P_0}{P} \mu(P_0, T_0)$$



### 3-й Бланка для газовых смесей

$$\frac{1}{\mu(I^+, M_1 M_2 \dots M_i)} = \sum_i \frac{P(M_i)}{\mu(I^+, M_i)}$$

$\mu(I^+, M_i)$ : Подвижность ионов  $I^+$  в газе  $M_i$

### Электроны:

- масса электронов в  $\sim 10^3$  раз меньше
- Подвижность электронов в газах в 100-1000 раз выше чем у ионов
- скорость дрейфа  $v_- \sim v_t$
- Более сложная зависимость диффузии от E, скорости дрейфа, наличия примесей

Электроны ускоряются полем, но теряют при соударениях часть энергии (вязкость среды)  
=> Устанавливается средняя равновесная скорость дрейфа

### Скорость дрейфа электрона в эл.поле – средняя скорость м/у столкновениями

$$v_D = \mu E = \frac{eE}{2m} \tau$$

•  $\tau$  – время м/у столкновениями

$$\tau = \frac{1}{Nv\sigma(\varepsilon)}$$

$\Lambda(\varepsilon)$  – часть энергии, потерянная при соударении

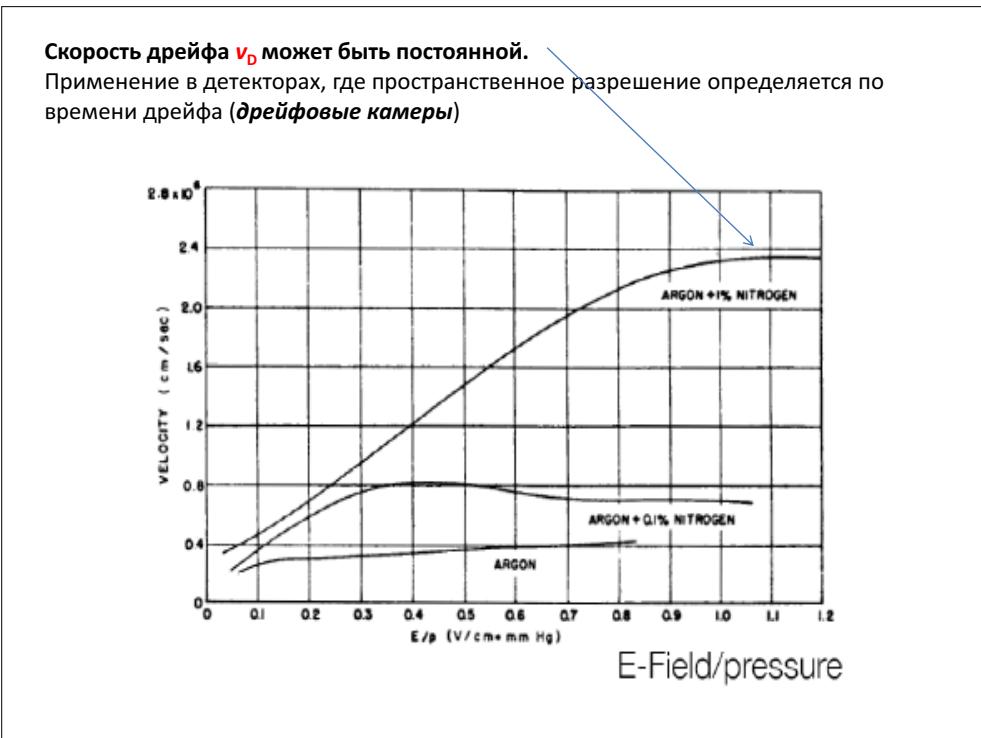
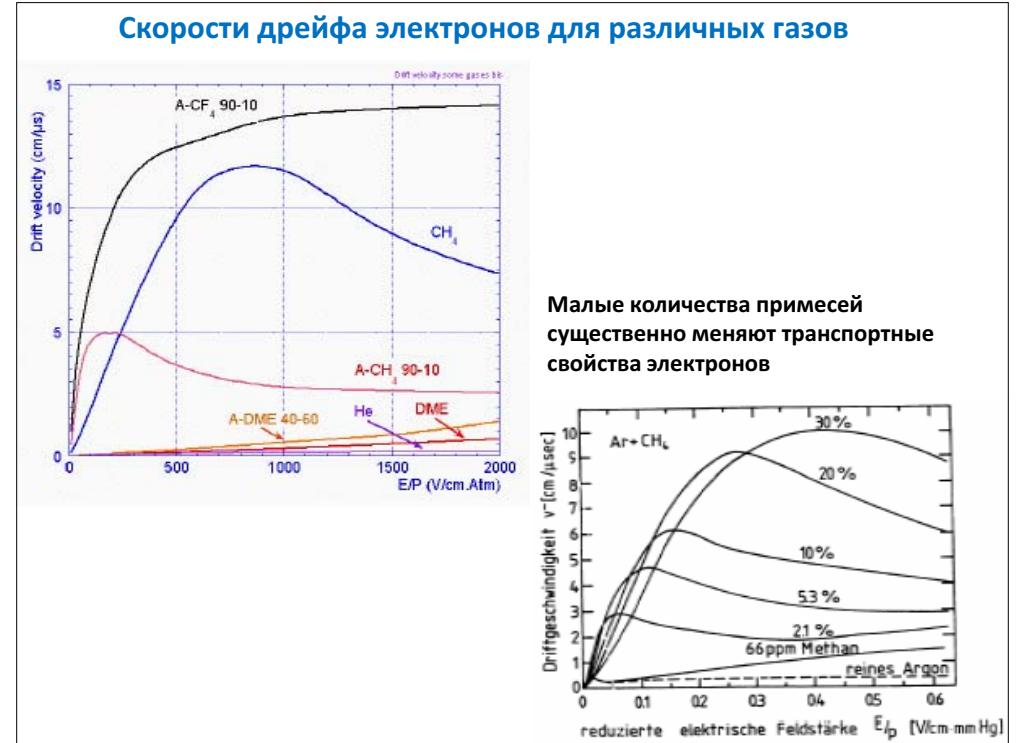
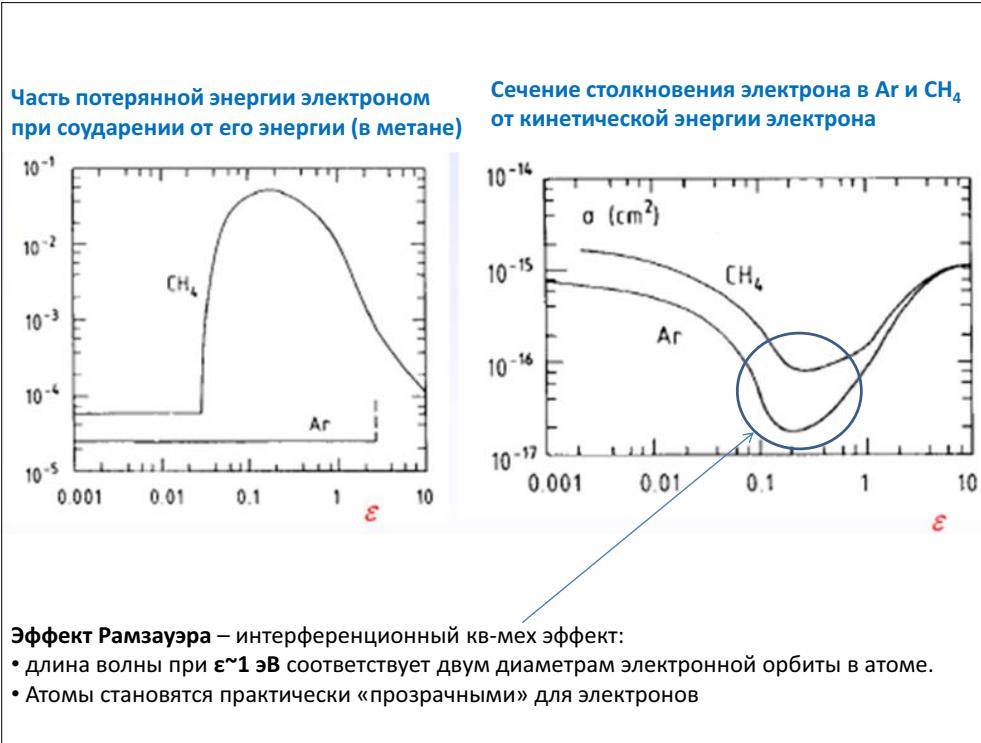
$$F(\varepsilon) = C \sqrt{\varepsilon} \exp \left( - \int \frac{3\Lambda(\varepsilon)\varepsilon d\varepsilon}{[eE\lambda(\varepsilon)]^2 + 3\varepsilon kT\Lambda(\varepsilon)} \right)$$

### Скорость дрейфа электронов

$$v(\varepsilon) = -\frac{2}{3} \frac{eE}{m} \int \varepsilon \lambda(\varepsilon) \frac{\partial [F(\varepsilon)u^{-1}]}{\partial \varepsilon} d\varepsilon \quad u = \sqrt{2\varepsilon/m}$$

### Диффузия электронов

$$D(\varepsilon) = \frac{1}{3} \int u \lambda(\varepsilon) F(\varepsilon) d\varepsilon$$



## Дрейф электронов в магнитном поле

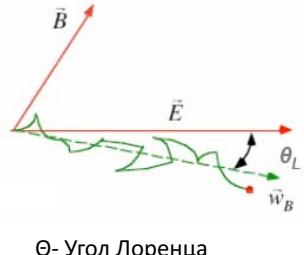
Сила Лоренца меняет траектории электронов между соударениями, а также распределение их по энергиям.

1)

$$\vec{E} \neq \vec{B}$$

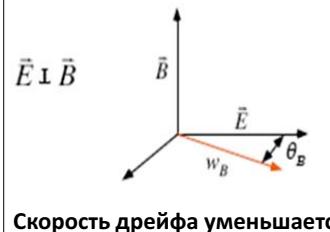
$$\vec{w} = \frac{e}{m} \frac{\tau}{1 + \omega^2 \tau^2} \left[ \vec{E} + \omega \tau \frac{\vec{E} \times \vec{B}}{B} + \omega^2 \tau^2 \frac{\vec{B}(\vec{E} \cdot \vec{B})}{B^2} \right]$$

$$\omega = eB/m$$
 Частота Лармюра (циклотронная)



θ - Угол Лоренца

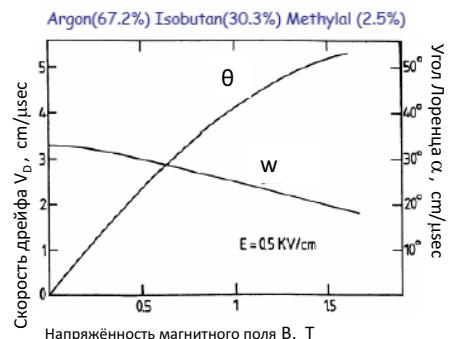
2)



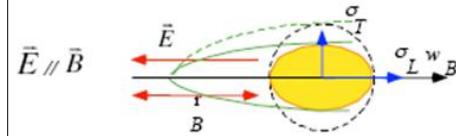
Скорость дрейфа уменьшается

$$\tan \theta_B = \omega \tau$$

$$w_B = \frac{E}{B} \frac{\omega \tau}{\sqrt{1 + \omega^2 \tau^2}}$$



3)



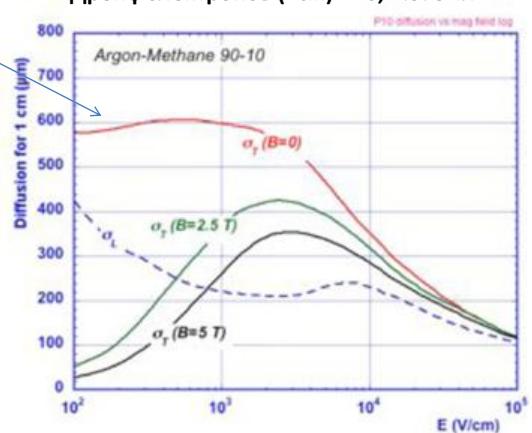
$$\sigma_B = \sigma_0$$

$$\sigma_T(B) = \frac{\sigma_T(0)}{\sqrt{1 + \omega_c^2 \tau^2}}, \quad (D_T(B) = \frac{D_T(0)}{1 + \omega_c^2 \tau^2})$$

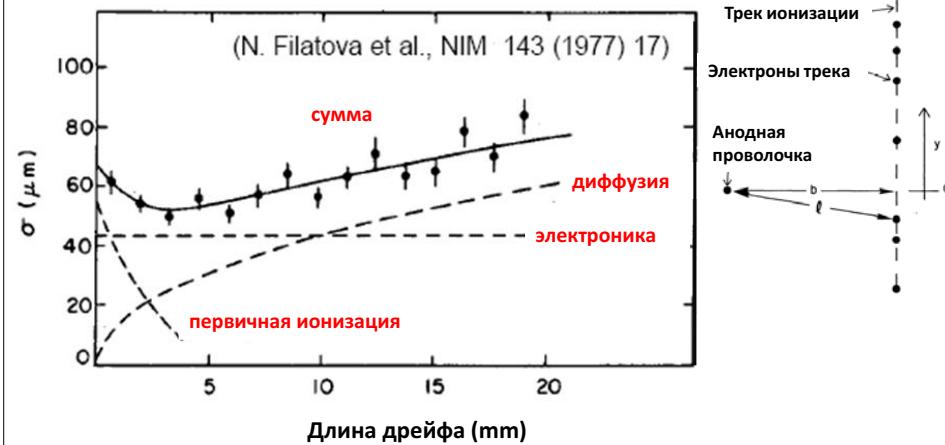
- Скорость дрейфа не меняется
- Продольная дифф. не меняется
- Поперечная диффузия уменьшается

Аргон-метановая смесь

Дрейф электронов (1см) B=0, 2.5. 5 Тл



## Диффузия/дрейф и пространственное разрешение детектора



Результатирующее пространственное разрешение

$$\sigma_{\Sigma} = \sqrt{\sigma_s^2 + \sigma_{\text{Diff}}^2 + \sigma_{\text{El}}^2}$$

$$\sigma_s = \sqrt{\frac{5}{16} \cdot \frac{1}{N_c \cdot x}}, \text{ где } x \gg \frac{1}{N_c}, N_c - \text{число кластеров ионизации на ед.длины}$$

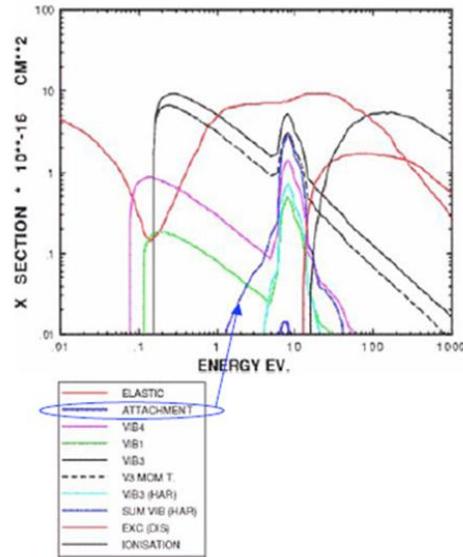
$$\sigma_b = q_e / \sqrt{n}, \text{ где } n \sim 3 \div 5 - \text{число первичных электронов для запуска ПУ}$$

$$\sigma_{\text{El}} = q \cdot v_d, \text{ где } q \leq 40 \mu\text{m} - \text{временное разрешение эл-ки}$$

## Основные неупругие процессы в газах:

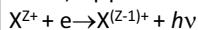
- Возбуждение электронным ударом
  - Ионизация электронным ударом
  - Снятие возбуждения через столкновение с эл.
  - Фото-возбуждение
  - Снятие возб. через фото-эмиссию
  - Фото-ионизация
  - Рекомбинация с излучением
  - Трех-частичная рекомбинация
  - Снятие возбуждения через соударения с ионами
  - Пеннинг-эффект
  - Обмен зарядом
  - Ионизация ионным ударом
  - Возбуждение при соударении с атомами
  - Ионизация при соударении с атомами
  - Образование отриц. иона
  - Испускание электрона отриц. ионом
  - Образование эксимеров
  - Диссоциация эксимеров с излучением
  - Образование молекулярного иона
  - Диссоциация
  - Рекомбинационная диссоциация
- |         |         |
|---------|---------|
| A+e     | A*+e    |
| A+e     | A*+e+e  |
| A*+e    | A+e     |
| A+hv    | A*      |
| A*      | A+hv    |
| A+hv    | A*+e    |
| A*+e    | A+hv    |
| A*+B+e  | A+B     |
| A*+B    | A+B*    |
| A*+B    | A+B+e   |
| A*+B    | A+B*    |
| A*+B    | A+B+e   |
| A*+B    | A+B*    |
| A*+B    | A+B+e   |
| A-      | A+      |
| A-      | A+e     |
| A*+A+A  | A_2 + A |
| A_2 + A | A+A+hv  |
| (XY)*   | X+Y*    |
| (XY)+e  | X+Y*    |

## Сечения различных процессов для электронов в газе CF<sub>4</sub> (Magboltz)



**Рекомбинация** ионов и электронов в плазме - элементарный акт присоединения электрона к иону, приводящий к снижению заряда иона на единицу.

- Электроны и положительные ионы могут рекомбинировать в плазме
- В зависимости от конкретных параметров плазмы преобладает тот или иной тип р.:
  - **Фоторекомбинация:** заметная роль в плазме малой плотности при не слишком низких темп-рах, когда несущественна трёхчастичная р., а с другой - отсутствуют молекулярные ионы, эффективно нейтрализующиеся в результате диссоциативной Р.



Баланс энергии и заряж. частиц плазмы диффузных и планетарных туманностей, а также короны Солнца и звёзд, остатков сверхновых и звёздного ветра.

- **Диэлектронная рекомбинация** протекает в более плотной плазме через образование автоионизационного состояния иона или атома:  $e + X^{z+} \rightarrow (X^{(z-1)+})^*$  со стабилизацией через **соударения с электронами плазмы**  $(X^{(z-1)+})^* + e \rightarrow X^{(z-1)+} + e$ , либо через **спонтанное высвечивание**  $(X^{(z-1)+})^* \rightarrow X^{(z-1)+} + h\nu$

Термоядерная плазма, активная среда рентг. лазеров, плазма планетарных туманностей, звёздных и галактических корон и др.

## Рекомбинация и прилипание электронов

- При диссоциативной р. распадается молекулярный ион. Этот процесс определяет объёмную нейтрализацию заряженных частиц в низкотемпературной плазме молекулярных газов, а также в плазме атомарных газов достаточно высокого давления (> 10 тор) при невысоких температурах тяж. частиц до 1000К.
$$e + (XY)^+ \rightarrow X^* + Y \quad XY - \text{молекулярный ион}$$

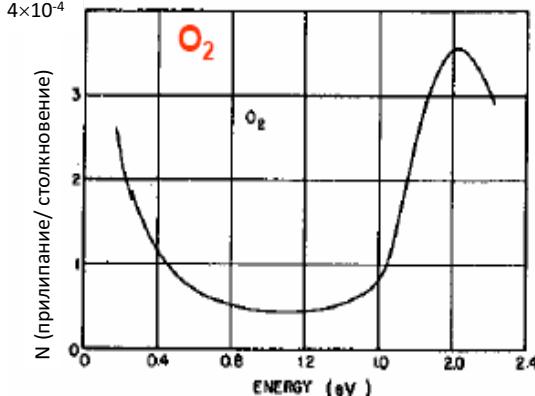
Ионосфера Земли, газоразрядная плазма, активные среды газовых лазеров.

- Тройная электрон-ионная р. избыточная энергия уносится электроном плазмы. Именно таким процессом объясняется нейтрализация заряж. частиц в плазме атомарного газа с электронной темп-рой, много меньшей потенциала ионизации атомов, с достаточно высокой плотностью электронов ( $> 10^{13} \text{ см}^{-3}$ ), при преобладании атомарных ионов (давление газа < 10 тор)
$$X^+ + 2e \rightarrow X + e$$

Плазма дугового разряда, пучковая плазма высокого давления и фоторезонансная плазма.

• Прилипание электронов (~eV) происходит при их взаимодействии с электроотрицательными газами:  $O_2$ ,  $H_2O$ ,  $CO_2$ ,  $CF_4$ ,  $CCl_4$ ,  $SF_6$ .

• Сечение взаимодействия существенно зависит от энергии электронов (напряженности поля).



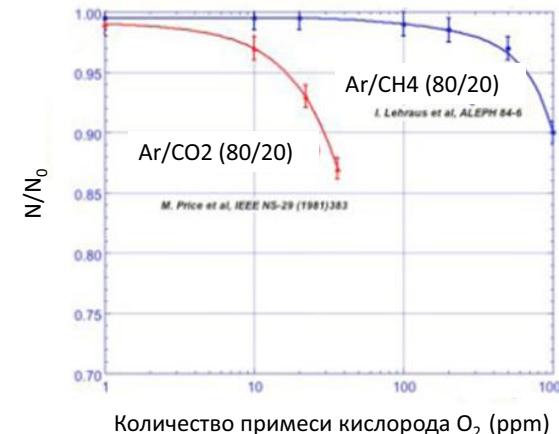
Добавка 0.1%  $CO_2$  к смеси  $Ar/CO_2$  (в полях < 1 кВ/см) увеличивает вероятность захвата электронов в 20 раз по сравнению к такой же добавкой к смеси  $Ar/CH_4$

- Потеря электронов - уменьшение амплитуды сигнала, ухудшение амплитудного разрешения

- Из-за сильно прилипания электронов в кислороде используют системы очистки газовой смеси от этой примеси

## Электроотрицательные газы: примеры

«Выживание» электронов после 20 см пути дрейфа в детекторе  
Напряженность поля  $E=200$  В/см



## Ионизация и сечение ионизации

### Ионизация:

- Электронным ударом
- Фотоионизация
- Электрическим полем
- и др.

Ионизация эл. ударом - важнейший механизм в газах и плазме.

Характеризуется сечением ионизации  $\sigma_i$  [см<sup>2</sup>]:

- зависит от сорта сталкивающихся частиц
- их квантовых состояний
- скорости движения

Кинетика ионизации описывается понятием **скорости ионизации**  $\langle v\sigma_i(v) \rangle$ . Характеризует число актов ионизации, которое производят одна ионизующая частица в 1 с:

$$\langle v\sigma_i(v) \rangle = \int v F(v) \sigma_i(v) dv$$

$v$  - скорость относит. движения электронов  
 $F(v)$  - ф-ция распределения по скоростям ионизующих частиц.

Вероятность ионизации  $w_i$  данного атома (молекулы) в единицу времени при плотности  $n$  числа ионизующих частиц

$$w_i = n \langle v\sigma_i(v) \rangle$$

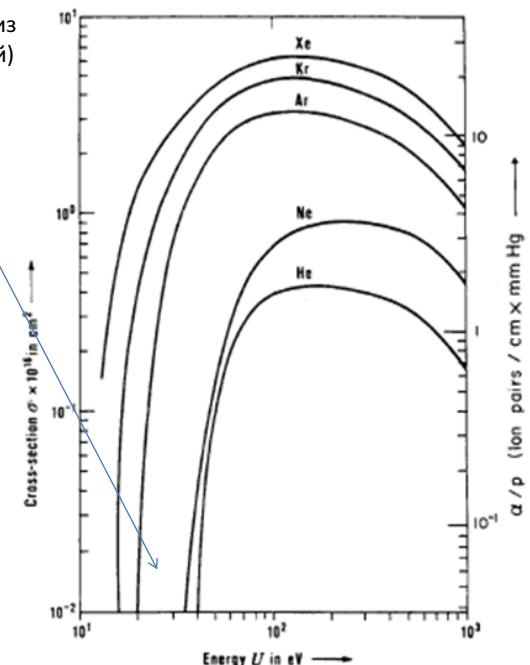
- Доминирующий процесс - **одноэлектронная ионизация** - удаление из атома одного электрона (обычно внешний)

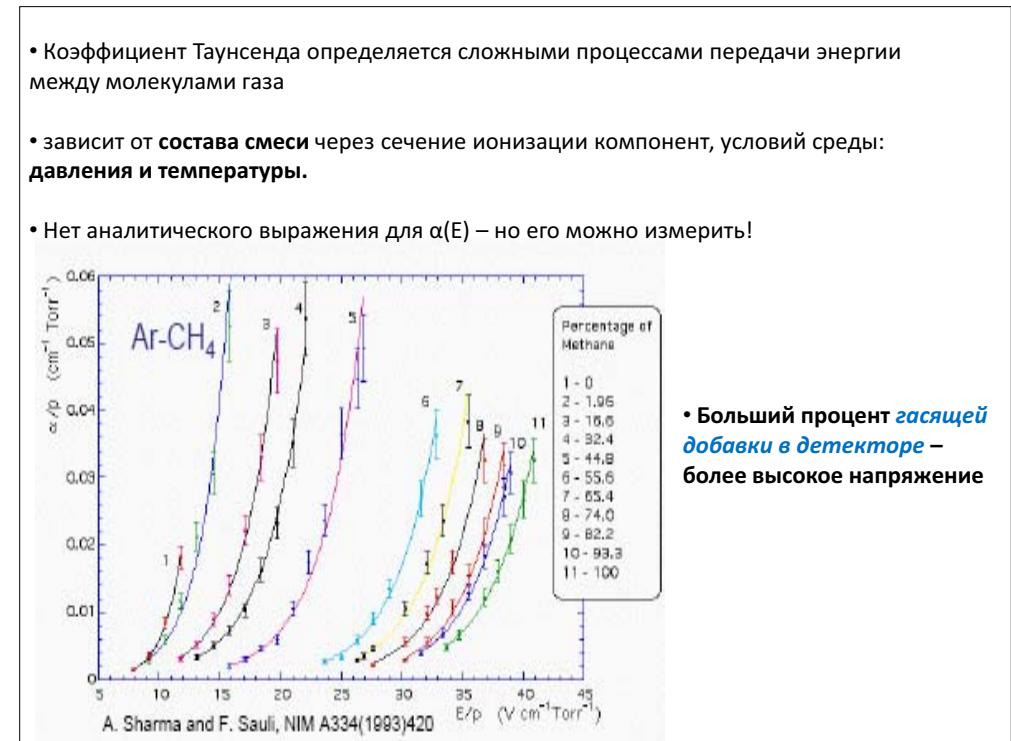
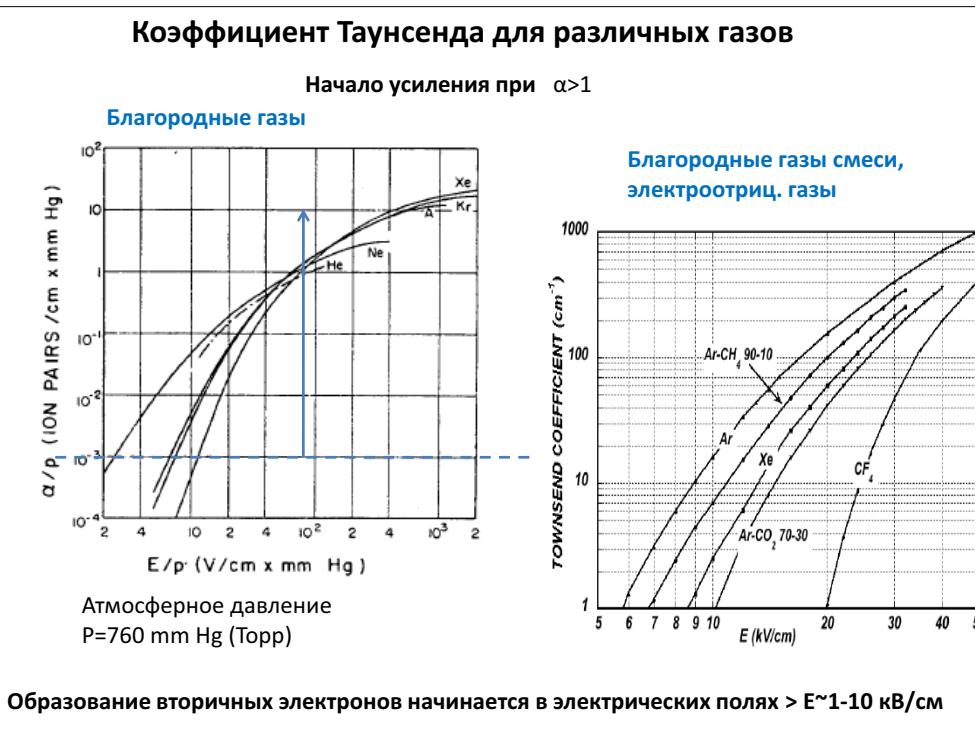
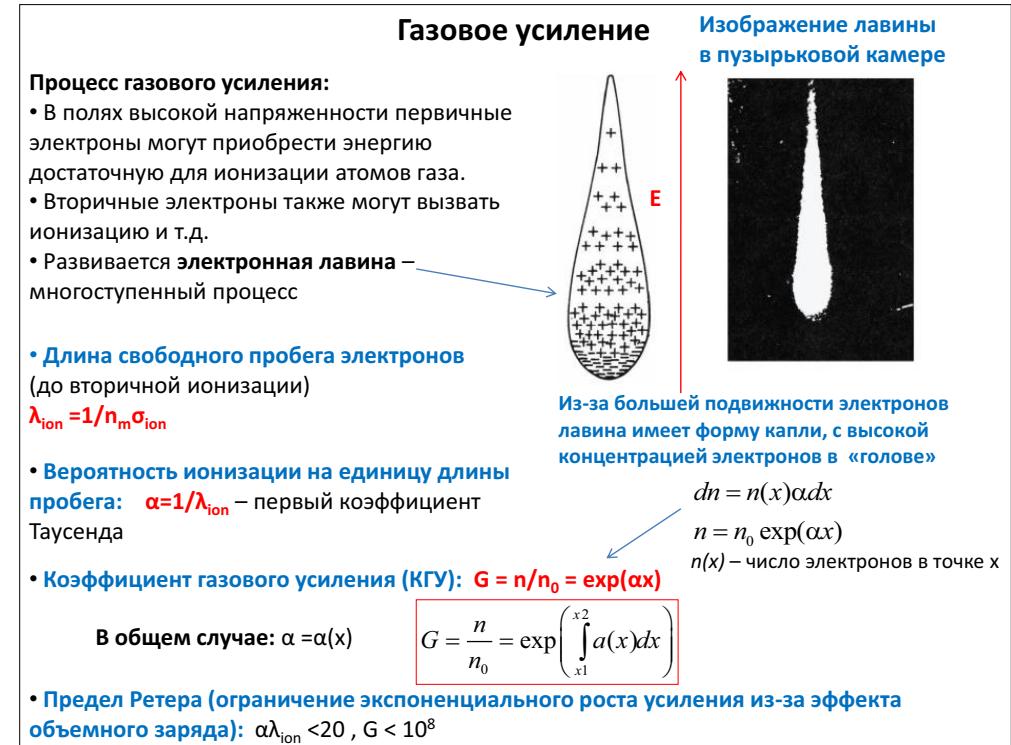
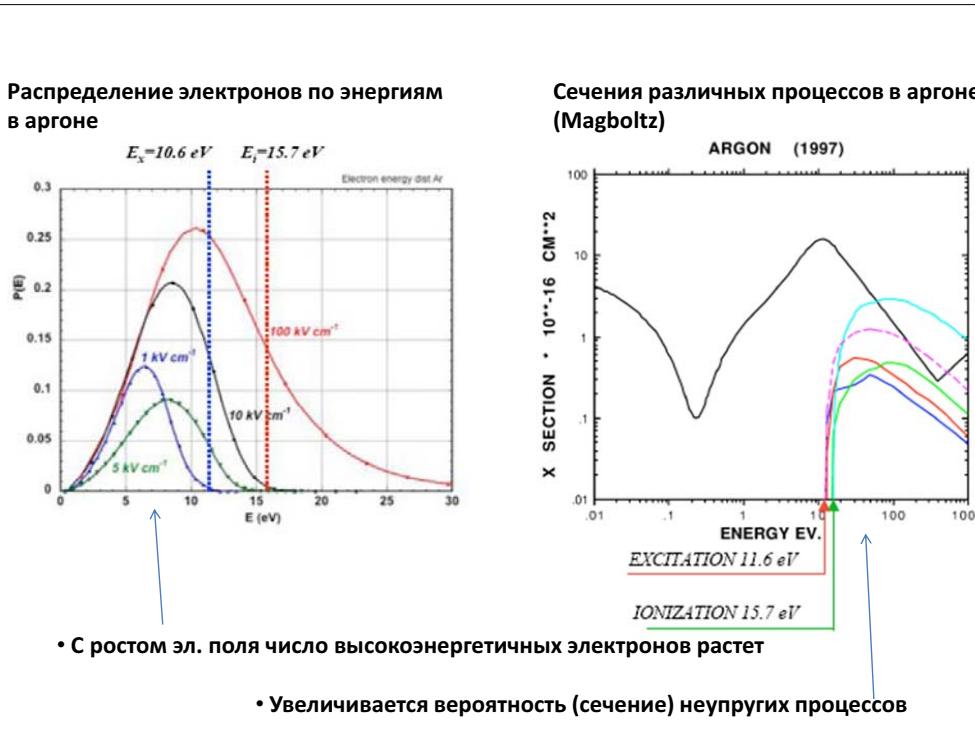
- Минимальное значение энергии электрона для ионизации - **порогом ионизации**  $E_i$

### Сечение и. атомов, молекул и ионов электронным ударом

- нуль в пороге
- возрастает ( $\sim E$ ) с ростом энергии
- достигает максимума при  $E=(2\div 5) E_i$
- убывает с дальнейшим ростом энергии

Положение и величина макс. сечения зависят от рода атома.





## Поправка к первому коэффициенту Таунсенда - коэффициент прилипания

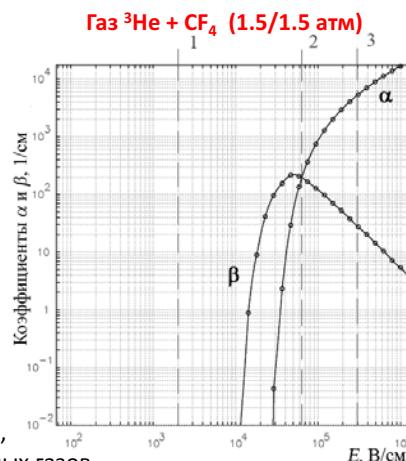
**Развитие электронной лавины сдерживается:**

### 1. Из-за потери энергии электронами

Потери энергии замедляют приобретение в поле энергии, достаточной для ионизации

#### Электроны теряют энергию

- на возбуждение электронных состояний атомов и молекул
- на возбуждение молекулярных колебаний и вращений
- при упругих столкновениях



### 2. Из-за поглощения самих электронов

Потери электронов приводят к обрыву цепей в реакции образования лавинной лавины

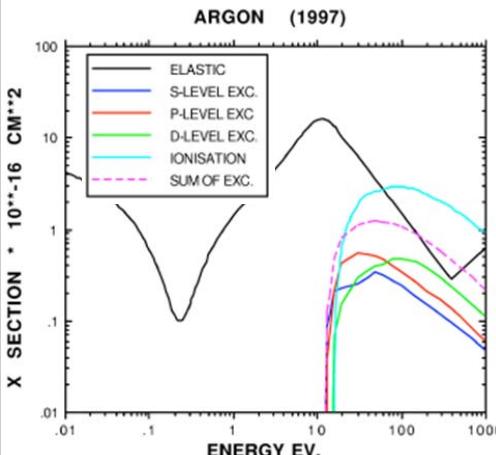
#### Потери электронов вызваны:

- Диффузионным уходом электронов из области действия поля (в частности, на стенки),
- прилипания к молекулам электроотрицательных газов.

$\alpha^* = \alpha - \beta$ ,  
где  $\beta$  – коэффициент прилипания

$$G = \frac{n}{n_0} = \exp \left( \int_{x1}^{x2} \{ \alpha(x) - \beta(x) \} dx \right)$$

## Усиление первичной ионизации

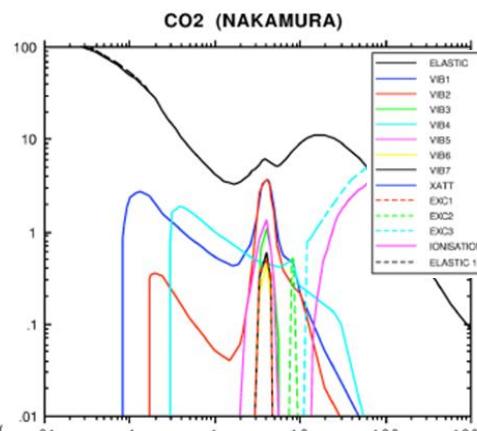


В процессе лавинообразования молекулы газа переходят в возбуждённые состояния

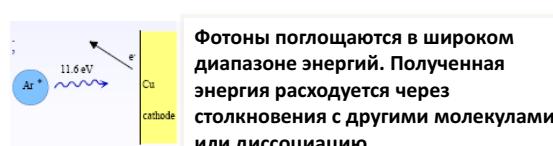
Снятие возбуждения в благородных газах приводит к излучению фотонов  $E_\gamma = 11.6$  eV (Ar)  $\Rightarrow$  выше порога выбивания электронов из металлов  $E_e = 7.7$  eV (Cu)

$\Rightarrow$  вторичная эмиссия электронов в детекторе может привести к пробою

## Гашение фотоэмиссии



Гаситель - многоатомный газ, с большим количеством колебательных и вращательных уровней  $\text{CO}_2$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $i\text{-C}_4\text{H}_{10}$



## Выбор газовой смеси

### Основные критерии:

- обеспечение раб. характеристик при низком напряжении (поле)
- высокий КГУ
- хорошая пропорциональность энергии
- высокая эффективность регистрации
- низкая диффузия электронов
- стоимость газа и др.

Наилучшее сочетание свойств детектора удается получить в газовых смесях, а не в чистых газах.

В инертных газах для формирования лавины требуются невысокие электрические поля.

Аргон: дешевый газ с достаточно высоким потенциалом ионизации. Но!

- В чистом аргоне КГУ ограничен  $10^3$ - $10^4$ : при снятии возбуждения атомы аргона дают фотоны с энергией (11.6 эВ), достаточной для выбивания вторичных электронов из катода.
- Вторичные электроны могут образовывать лавины на некотором расстоянии от места формирования первичной лавины.
- Лавина не локализована, при критич. напряжении может произойти пробой.

Поэтому используют добавку газа, которая поглощает вторичные фотоны

Многоатомные газы ( $\text{CO}_2$ ,  $\text{CH}_4$ ...) поглощают энергию фотонов (диссоциация и упругие столкновения) и предотвращают образование вторичных лавин, что позволяет  $\uparrow V$

Газовая смесь  $\text{Ar}/\text{CO}_2$ : КГУ до  $\sim 10^5$